

$$f(x) = e^x(x+1)$$

1. Domaine de définition

Dom $f = \mathbb{R}$

2. Signe de f

x		-1	
$e^x(x+1)$	-	0	+

3. Limites et asymptotes

$$\lim_{x \rightarrow \infty} e^x(x+1) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x(x+1) = 0$$

AH $\equiv x = 0$ à gauche

4. Intersection avec les axes

$$G_f \cap X = \{(-1, 0)\}$$

$$G_f \cap Y = \{(0, 1)\}$$

5. Etude de f'

$$f'(x) = e^x(x+2)$$

x		-2	
$e^x(x+2)$	-	0	+

$$\text{Min : } (-2, -\frac{1}{e^2})$$

6. Etude de f''

$$f''(x) = e^x(x+3)$$

x		-3	
$e^x(x+3)$	-	0	+

$$\text{I : } (-3, -\frac{2}{e^3})$$

7. Tableau récapitulatif

x	$-\infty$		-3		-2		-1		∞
$f(x)$	0	-	$-\frac{2}{e^3}$	-	$-\frac{1}{e^2}$	-	0	+	∞
	$x = 0$		I		Min				
pente	0	-	$-\frac{1}{e^3}$	-	0	+	$\frac{1}{e}$	+	∞
concavité	0	-	0	+	$\frac{1}{e^2}$	+	$\frac{2}{e}$	+	∞

8. Graphe de f

